

# Matematica Discreta

## Compitino Modulo II

9 Gennaio 2014

### Risultati

1. Djokic Aleksandrar 841055 voto Modulo I 23 Modulo II 18 voto finale 21
2. Baratella Marco 843521 voto Modulo I 27 voto Modulo II 24 voto finale 26
3. Pozzato Linda 843980 voto Modulo II INS
4. Bonotto Marco 845273 voto Modulo I 26 voto Modulo II 25 voto finale 26
5. Pagini Veronica 845291 voto Modulo I 28 voto Modulo II 30L voto finale 30
6. Minighin Michele 843602 Voto Finale 25
7. Doria Annamaria 826787 Voto Finale 25
8. Pica Dario 786994 voto Modulo I 30 Voto Modulo II 23 voto finale 27
9. Benvegnù Giacomo 838191 Voto Finale 18

Visione Compito 10 Gennaio ore 16 studio Busetto

### Esercizio 1

- a) Si dia la definizione di insieme di vettori linearmente dipendenti di uno spazio vettoriale  $V$ .
- b) Sia  $V$  uno spazio vettoriale e  $B$  una sua base. Si provi che se  $v$  è un vettore di  $V$  con  $v \notin B$ , allora  $B \cup \{v\}$  è un insieme di vettori linearmente dipendenti.

### Esercizio 2

- a) Provare che i tre vettori  $v = (1, 1, 1)$ ,  $v_1 = (1, 0, 1)$ ,  $v_2 = (1, 1, 0)$  formano una base  $B$  di  $R^3$ .
- b) Determinare le componenti dei vettori della base canonica di  $R^3$  rispetto alla base  $B$ .

### Esercizio 3

Si consideri l'applicazione lineare  $f : R^3 \rightarrow R^3$

$$f \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = A \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix}$$

ove  $A$  è la matrice

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 2k \\ k & 1 & 1 \\ 0 & k & 2 \end{pmatrix}$$

Si determinino i valori di  $k$  tali che il vettore  $(1, 1, 1)$  sia un autovettore per  $f$ .

#### Esercizio 4

Sia  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$  l'applicazione lineare la cui matrice associata rispetto alla base canonica è

$$\begin{pmatrix} 3 & 1 & 1 \\ 2 & 4 & 2 \\ 3 & 3 & 5 \end{pmatrix}$$

- a) Si calcolino gli autovalori di  $T$ ;
- b) Si calcolino le dimensioni degli autospazi relativi a ciascun autovalore;
- c)  $T$  è diagonalizzabile?